

1. Dla podanej liczby podaj jej dwucyfrowy dzielnik większy od 40.

a) 1 000 000 001 016, **72**

b) 1 000 002 225, **75**

c) 1 000 003 005, **45**

d) 1 000 000 240, **80**

2. Dla podanej silni podaj liczbę zer, którymi zakończony jest jej zapis dziesiętny.

a) $66!$, **15**

b) $55!$, **13**

c) $44!$, **9**

d) $33!$, **7**

3. Dla podanej liczby x podaj liczbę całkowitą n , dla której prawdziwe są nierówności $n < \frac{1}{x} < n + 1$.

a) $x = 7 - 5\sqrt{2}$, $n = -15$

b) $x = 7 - 4\sqrt{3}$, $n = 13$

c) $x = 6 - \sqrt{33}$, $n = 3$

d) $x = 8 - \sqrt{62}$, $n = 7$

4. Dla podanych liczb a i b podaj taką liczbę rzeczywistą dodatnią c , że istnieje trójkąt o bokach długości a , b i c , w którym miara kąta między bokami długości a i b jest równa 120° .

a) $a = 3, \quad b = 5, \quad c = 7$

b) $a = 1, \quad b = 2, \quad c = \sqrt{7}$

c) $a = 2, \quad b = 3, \quad c = \sqrt{19}$

d) $a = 1, \quad b = 3, \quad c = \sqrt{13}$

5. Podaj takie liczby naturalne n i k większe od 1, że podana liczba jest równa n^k , a przy tym liczba n jest możliwie najmniejsza.

a) $27^{27} = n^k$ dla $n = 3, \quad k = 81$

b) $32^{32} = n^k$ dla $n = 2, \quad k = 160$

c) $16^{16} = n^k$ dla $n = 2, \quad k = 64$

d) $8^8 = n^k$ dla $n = 2, \quad k = 24$

6. Podaj liczbę rzeczywistą x spełniającą dane równanie.

a) $\log_4 3 = \log_2 x$ dla $x = \sqrt{3}$

b) $\log_2 4 = \log_x 3$ dla $x = \sqrt{3}$

c) $\log_2 3 = \log_4 x$ dla $x = 9$

d) $\log_2 4 = \log_3 x$ dla $x = 9$

7. Dla podanego równania podaj najmniejszą dodatnią miarę kąta α (w stopniach), dla której spełnione jest to równanie.

a) $\sin \alpha = \sin(2\alpha)$ dla $\alpha = \mathbf{60^\circ}$

b) $\sin \alpha = \sin(3\alpha)$ dla $\alpha = \mathbf{45^\circ}$

c) $\sin \alpha = \sin(5\alpha)$ dla $\alpha = \mathbf{30^\circ}$

d) $\sin \alpha = \sin(4\alpha)$ dla $\alpha = \mathbf{36^\circ}$

8. Podaj najmniejszą wartość funkcji $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ określonej podanym wzorem.

a) $f(x) = x^8 - 8x^4$, $\mathbf{-16}$

b) $f(x) = x^6 - 6x^3$, $\mathbf{-9}$

c) $f(x) = x^4 + 4x^2$, $\mathbf{0}$

d) $f(x) = x^2 + 2x$, $\mathbf{-1}$

9. Każdy ze zbiorów A, B, C ma 10 elementów, a każdy ze zbiorów $A \cap B, A \cap C, B \cap C$ ma 5 elementów. Jeżeli zbiór $A \cap B \cap C$ ma n elementów, to zbiór $A \cup B \cup C$ ma k elementów. Dla podanej liczby n podaj taką liczbę k , aby powyższe było prawdziwe.

a) $n = 4$, $k = \mathbf{19}$

b) $n = 2$, $k = \mathbf{17}$

c) $n = 1$, $k = \mathbf{16}$

d) $n = 3$, $k = \mathbf{18}$

10. Jeżeli obwód siedmiokąta foremnego S jest mniejszy od obwodu siedmiokąta foremnego T o $p\%$, to pole siedmiokąta foremnego S jest mniejsze od pola siedmiokąta foremnego T o $q\%$. Dla podanej liczby p podaj taką liczbę q , aby powyższe zdanie było prawdziwe.

a) $p = 90$, $q = \mathbf{99}$

b) $p = 50$, $q = \mathbf{75}$

c) $p = 10$, $q = \mathbf{19}$

d) $p = 30$, $q = \mathbf{51}$

11. Postęp arytmetyczny 2020-wyrazowy $a_1, a_2, a_3, a_4, \dots, a_{2020}$ o wyrazach rzeczywistych dodatnich jest rosnący, a ponadto ma następującą własność:

Wyrazy pierwszy, drugi i piąty tworzą (w tej właśnie kolejności) trójwyrazowy postęp geometryczny.

Dla podanych m i n podaj taką liczbę całkowitą dodatnią $k \leq 2020$, aby wyrazy a_m, a_n i a_k tworzyły (w tej właśnie kolejności) trójwyrazowy postęp geometryczny.

a) $m = 5, \quad n = 11, \quad k = \mathbf{25}$

b) $m = 1, \quad n = 3, \quad k = \mathbf{13}$

c) $m = 1, \quad n = 4, \quad k = \mathbf{25}$

d) $m = 5, \quad n = 8, \quad k = \mathbf{13}$

12. Podaj w postaci ułamka dziesiętnego przybliżoną wartość danej liczby **zaokrąglając wynik w dół do 4 cyfr po przecinku.**

a) $\frac{1}{5} + \frac{1}{5^2} + \frac{1}{5^3} + \frac{1}{5^4} + \dots + \frac{1}{5^{2020}} \approx \mathbf{0,2499}$

b) $\frac{1}{7} + \frac{1}{7^2} + \frac{1}{7^3} + \frac{1}{7^4} + \dots + \frac{1}{7^{2020}} \approx \mathbf{0,1666}$

c) $\frac{1}{11} + \frac{1}{11^2} + \frac{1}{11^3} + \frac{1}{11^4} + \dots + \frac{1}{11^{2020}} \approx \mathbf{0,0999}$

d) $\frac{1}{2} + \frac{1}{2^2} + \frac{1}{2^3} + \frac{1}{2^4} + \dots + \frac{1}{2^{2020}} \approx \mathbf{0,9999}$

1. Dla podanej liczby podaj jej dwucyfrowy dzielnik większy od 40.

a) 1 000 003 005, **45**

b) 1 000 002 225, **75**

c) 1 000 000 001 016, **72**

d) 1 000 000 240, **80**

2. Dla podanej silni podaj liczbę zer, którymi zakończony jest jej zapis dziesiętny.

a) $33!$, **7**

b) $44!$, **9**

c) $66!$, **15**

d) $55!$, **13**

3. Dla podanej liczby x podaj liczbę całkowitą n , dla której prawdziwe są nierówności $n < \frac{1}{x} < n + 1$.

a) $x = 6 - \sqrt{33}$, $n = \mathbf{3}$

b) $x = 7 - 5\sqrt{2}$, $n = \mathbf{-15}$

c) $x = 7 - 4\sqrt{3}$, $n = \mathbf{13}$

d) $x = 8 - \sqrt{62}$, $n = \mathbf{7}$

4. Dla podanych liczb a i b podaj taką liczbę rzeczywistą dodatnią c , że istnieje trójkąt o bokach długości a , b i c , w którym miara kąta między bokami długości a i b jest równa 120° .

a) $a = 3, \quad b = 5, \quad c = 7$

b) $a = 1, \quad b = 3, \quad c = \sqrt{13}$

c) $a = 2, \quad b = 3, \quad c = \sqrt{19}$

d) $a = 1, \quad b = 2, \quad c = \sqrt{7}$

5. Podaj takie liczby naturalne n i k większe od 1, że podana liczba jest równa n^k , a przy tym liczba n jest możliwie najmniejsza.

a) $8^8 = n^k$ dla $n = 2, \quad k = 24$

b) $32^{32} = n^k$ dla $n = 2, \quad k = 160$

c) $16^{16} = n^k$ dla $n = 2, \quad k = 64$

d) $27^{27} = n^k$ dla $n = 3, \quad k = 81$

6. Podaj liczbę rzeczywistą x spełniającą dane równanie.

a) $\log_2 4 = \log_x 3$ dla $x = \sqrt{3}$

b) $\log_2 4 = \log_3 x$ dla $x = 9$

c) $\log_4 3 = \log_2 x$ dla $x = \sqrt{3}$

d) $\log_2 3 = \log_4 x$ dla $x = 9$

7. Dla podanego równania podaj najmniejszą dodatnią miarę kąta α (w stopniach), dla której spełnione jest to równanie.

a) $\sin \alpha = \sin(2\alpha)$ dla $\alpha = \mathbf{60^\circ}$

b) $\sin \alpha = \sin(3\alpha)$ dla $\alpha = \mathbf{45^\circ}$

c) $\sin \alpha = \sin(4\alpha)$ dla $\alpha = \mathbf{36^\circ}$

d) $\sin \alpha = \sin(5\alpha)$ dla $\alpha = \mathbf{30^\circ}$

8. Podaj najmniejszą wartość funkcji $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ określonej podanym wzorem.

a) $f(x) = x^2 + 2x$, $\mathbf{-1}$

b) $f(x) = x^6 - 6x^3$, $\mathbf{-9}$

c) $f(x) = x^4 + 4x^2$, $\mathbf{0}$

d) $f(x) = x^8 - 8x^4$, $\mathbf{-16}$

9. Każdy ze zbiorów A, B, C ma 10 elementów, a każdy ze zbiorów $A \cap B, A \cap C, B \cap C$ ma 5 elementów. Jeżeli zbiór $A \cap B \cap C$ ma n elementów, to zbiór $A \cup B \cup C$ ma k elementów. Dla podanej liczby n podaj taką liczbę k , aby powyższe było prawdziwe.

a) $n = 2$, $k = \mathbf{17}$

b) $n = 3$, $k = \mathbf{18}$

c) $n = 1$, $k = \mathbf{16}$

d) $n = 4$, $k = \mathbf{19}$

10. Jeżeli obwód siedmiokąta foremnego S jest mniejszy od obwodu siedmiokąta foremnego T o $p\%$, to pole siedmiokąta foremnego S jest mniejsze od pola siedmiokąta foremnego T o $q\%$. Dla podanej liczby p podaj taką liczbę q , aby powyższe zdanie było prawdziwe.

a) $p = 30$, $q = \mathbf{51}$

b) $p = 90$, $q = \mathbf{99}$

c) $p = 50$, $q = \mathbf{75}$

d) $p = 10$, $q = \mathbf{19}$

11. Postęp arytmetyczny 2020-wyrazowy $a_1, a_2, a_3, a_4, \dots, a_{2020}$ o wyrazach rzeczywistych dodatnich jest rosnący, a ponadto ma następującą własność:

Wyrazy pierwszy, drugi i piąty tworzą (w tej właśnie kolejności) trójwyrazowy postęp geometryczny.

Dla podanych m i n podaj taką liczbę całkowitą dodatnią $k \leq 2020$, aby wyrazy a_m, a_n i a_k tworzyły (w tej właśnie kolejności) trójwyrazowy postęp geometryczny.

a) $m = 5, \quad n = 8, \quad k = \mathbf{13}$

b) $m = 5, \quad n = 11, \quad k = \mathbf{25}$

c) $m = 1, \quad n = 4, \quad k = \mathbf{25}$

d) $m = 1, \quad n = 3, \quad k = \mathbf{13}$

12. Podaj w postaci ułamka dziesiętnego przybliżoną wartość danej liczby **zaokrąglając wynik w dół do 4 cyfr po przecinku.**

a) $\frac{1}{5} + \frac{1}{5^2} + \frac{1}{5^3} + \frac{1}{5^4} + \dots + \frac{1}{5^{2020}} \approx \mathbf{0,2499}$

b) $\frac{1}{7} + \frac{1}{7^2} + \frac{1}{7^3} + \frac{1}{7^4} + \dots + \frac{1}{7^{2020}} \approx \mathbf{0,1666}$

c) $\frac{1}{2} + \frac{1}{2^2} + \frac{1}{2^3} + \frac{1}{2^4} + \dots + \frac{1}{2^{2020}} \approx \mathbf{0,9999}$

d) $\frac{1}{11} + \frac{1}{11^2} + \frac{1}{11^3} + \frac{1}{11^4} + \dots + \frac{1}{11^{2020}} \approx \mathbf{0,0999}$

1. Dla podanej liczby podaj jej dwucyfrowy dzielnik większy od 40.

a) 1 000 003 005, **45**

b) 1 000 000 001 016, **72**

c) 1 000 000 240, **80**

d) 1 000 002 225, **75**

2. Dla podanej silni podaj liczbę zer, którymi zakończony jest jej zapis dziesiętny.

a) $66!$, **15**

b) $44!$, **9**

c) $33!$, **7**

d) $55!$, **13**

3. Dla podanej liczby x podaj liczbę całkowitą n , dla której prawdziwe są nierówności $n < \frac{1}{x} < n + 1$.

a) $x = 7 - 4\sqrt{3}$, $n = \mathbf{13}$

b) $x = 7 - 5\sqrt{2}$, $n = \mathbf{-15}$

c) $x = 6 - \sqrt{33}$, $n = \mathbf{3}$

d) $x = 8 - \sqrt{62}$, $n = \mathbf{7}$

4. Dla podanych liczb a i b podaj taką liczbę rzeczywistą dodatnią c , że istnieje trójkąt o bokach długości a , b i c , w którym miara kąta między bokami długości a i b jest równa 120° .

a) $a = 3$, $b = 5$, $c = 7$

b) $a = 2$, $b = 3$, $c = \sqrt{19}$

c) $a = 1$, $b = 3$, $c = \sqrt{13}$

d) $a = 1$, $b = 2$, $c = \sqrt{7}$

5. Podaj takie liczby naturalne n i k większe od 1, że podana liczba jest równa n^k , a przy tym liczba n jest możliwie najmniejsza.

a) $16^{16} = n^k$ dla $n = 2$, $k = 64$

b) $27^{27} = n^k$ dla $n = 3$, $k = 81$

c) $8^8 = n^k$ dla $n = 2$, $k = 24$

d) $32^{32} = n^k$ dla $n = 2$, $k = 160$

6. Podaj liczbę rzeczywistą x spełniającą dane równanie.

a) $\log_2 4 = \log_x 3$ dla $x = \sqrt{3}$

b) $\log_2 4 = \log_3 x$ dla $x = 9$

c) $\log_4 3 = \log_2 x$ dla $x = \sqrt{3}$

d) $\log_2 3 = \log_4 x$ dla $x = 9$

7. Dla podanego równania podaj najmniejszą dodatnią miarę kąta α (w stopniach), dla której spełnione jest to równanie.

a) $\sin \alpha = \sin(3\alpha)$ dla $\alpha = \mathbf{45^\circ}$

b) $\sin \alpha = \sin(4\alpha)$ dla $\alpha = \mathbf{36^\circ}$

c) $\sin \alpha = \sin(2\alpha)$ dla $\alpha = \mathbf{60^\circ}$

d) $\sin \alpha = \sin(5\alpha)$ dla $\alpha = \mathbf{30^\circ}$

8. Podaj najmniejszą wartość funkcji $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ określonej podanym wzorem.

a) $f(x) = x^8 - 8x^4$, $\mathbf{-16}$

b) $f(x) = x^6 - 6x^3$, $\mathbf{-9}$

c) $f(x) = x^4 + 4x^2$, $\mathbf{0}$

d) $f(x) = x^2 + 2x$, $\mathbf{-1}$

9. Każdy ze zbiorów A , B , C ma 10 elementów, a każdy ze zbiorów $A \cap B$, $A \cap C$, $B \cap C$ ma 5 elementów. Jeżeli zbiór $A \cap B \cap C$ ma n elementów, to zbiór $A \cup B \cup C$ ma k elementów. Dla podanej liczby n podaj taką liczbę k , aby powyższe było prawdziwe.

a) $n = 2$, $k = \mathbf{17}$

b) $n = 4$, $k = \mathbf{19}$

c) $n = 1$, $k = \mathbf{16}$

d) $n = 3$, $k = \mathbf{18}$

10. Jeżeli obwód siedmiokąta foremnego S jest mniejszy od obwodu siedmiokąta foremnego T o $p\%$, to pole siedmiokąta foremnego S jest mniejsze od pola siedmiokąta foremnego T o $q\%$. Dla podanej liczby p podaj taką liczbę q , aby powyższe zdanie było prawdziwe.

a) $p = 10$, $q = \mathbf{19}$

b) $p = 90$, $q = \mathbf{99}$

c) $p = 50$, $q = \mathbf{75}$

d) $p = 30$, $q = \mathbf{51}$

11. Postęp arytmetyczny 2020-wyrazowy $a_1, a_2, a_3, a_4, \dots, a_{2020}$ o wyrazach rzeczywistych dodatnich jest rosnący, a ponadto ma następującą własność:

Wyrazy pierwszy, drugi i piąty tworzą (w tej właśnie kolejności) trójwyrazowy postęp geometryczny.

Dla podanych m i n podaj taką liczbę całkowitą dodatnią $k \leq 2020$, aby wyrazy a_m, a_n i a_k tworzyły (w tej właśnie kolejności) trójwyrazowy postęp geometryczny.

a) $m = 5, \quad n = 11, \quad k = \mathbf{25}$

b) $m = 1, \quad n = 4, \quad k = \mathbf{25}$

c) $m = 1, \quad n = 3, \quad k = \mathbf{13}$

d) $m = 5, \quad n = 8, \quad k = \mathbf{13}$

12. Podaj w postaci ułamka dziesiętnego przybliżoną wartość danej liczby **zaokrąglając wynik w dół do 4 cyfr po przecinku.**

a) $\frac{1}{7} + \frac{1}{7^2} + \frac{1}{7^3} + \frac{1}{7^4} + \dots + \frac{1}{7^{2020}} \approx \mathbf{0,1666}$

b) $\frac{1}{11} + \frac{1}{11^2} + \frac{1}{11^3} + \frac{1}{11^4} + \dots + \frac{1}{11^{2020}} \approx \mathbf{0,0999}$

c) $\frac{1}{2} + \frac{1}{2^2} + \frac{1}{2^3} + \frac{1}{2^4} + \dots + \frac{1}{2^{2020}} \approx \mathbf{0,9999}$

d) $\frac{1}{5} + \frac{1}{5^2} + \frac{1}{5^3} + \frac{1}{5^4} + \dots + \frac{1}{5^{2020}} \approx \mathbf{0,2499}$

1. Dla podanej liczby podaj jej dwucyfrowy dzielnik większy od 40.

a) 1 000 000 001 016, **72**

b) 1 000 000 240, **80**

c) 1 000 002 225, **75**

d) 1 000 003 005, **45**

2. Dla podanej silni podaj liczbę zer, którymi zakończony jest jej zapis dziesiętny.

a) 66!, **15**

b) 33!, **7**

c) 55!, **13**

d) 44!, **9**

3. Dla podanej liczby x podaj liczbę całkowitą n , dla której prawdziwe są nierówności $n < \frac{1}{x} < n + 1$.

a) $x = 6 - \sqrt{33}$, $n = \mathbf{3}$

b) $x = 7 - 5\sqrt{2}$, $n = \mathbf{-15}$

c) $x = 8 - \sqrt{62}$, $n = \mathbf{7}$

d) $x = 7 - 4\sqrt{3}$, $n = \mathbf{13}$

4. Dla podanych liczb a i b podaj taką liczbę rzeczywistą dodatnią c , że istnieje trójkąt o bokach długości a , b i c , w którym miara kąta między bokami długości a i b jest równa 120° .

a) $a = 3, \quad b = 5, \quad c = 7$

b) $a = 1, \quad b = 3, \quad c = \sqrt{13}$

c) $a = 1, \quad b = 2, \quad c = \sqrt{7}$

d) $a = 2, \quad b = 3, \quad c = \sqrt{19}$

5. Podaj takie liczby naturalne n i k większe od 1, że podana liczba jest równa n^k , a przy tym liczba n jest możliwie najmniejsza.

a) $16^{16} = n^k$ dla $n = 2, \quad k = 64$

b) $27^{27} = n^k$ dla $n = 3, \quad k = 81$

c) $32^{32} = n^k$ dla $n = 2, \quad k = 160$

d) $8^8 = n^k$ dla $n = 2, \quad k = 24$

6. Podaj liczbę rzeczywistą x spełniającą dane równanie.

a) $\log_2 4 = \log_x 3$ dla $x = \sqrt{3}$

b) $\log_2 4 = \log_3 x$ dla $x = 9$

c) $\log_4 3 = \log_2 x$ dla $x = \sqrt{3}$

d) $\log_2 3 = \log_4 x$ dla $x = 9$

7. Dla podanego równania podaj najmniejszą dodatnią miarę kąta α (w stopniach), dla której spełnione jest to równanie.

a) $\sin \alpha = \sin(5\alpha)$ dla $\alpha = \mathbf{30^\circ}$

b) $\sin \alpha = \sin(3\alpha)$ dla $\alpha = \mathbf{45^\circ}$

c) $\sin \alpha = \sin(4\alpha)$ dla $\alpha = \mathbf{36^\circ}$

d) $\sin \alpha = \sin(2\alpha)$ dla $\alpha = \mathbf{60^\circ}$

8. Podaj najmniejszą wartość funkcji $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ określonej podanym wzorem.

a) $f(x) = x^8 - 8x^4$, $\mathbf{-16}$

b) $f(x) = x^6 - 6x^3$, $\mathbf{-9}$

c) $f(x) = x^4 + 4x^2$, $\mathbf{0}$

d) $f(x) = x^2 + 2x$, $\mathbf{-1}$

9. Każdy ze zbiorów A, B, C ma 10 elementów, a każdy ze zbiorów $A \cap B, A \cap C, B \cap C$ ma 5 elementów. Jeżeli zbiór $A \cap B \cap C$ ma n elementów, to zbiór $A \cup B \cup C$ ma k elementów. Dla podanej liczby n podaj taką liczbę k , aby powyższe było prawdziwe.

a) $n = 4$, $k = \mathbf{19}$

b) $n = 1$, $k = \mathbf{16}$

c) $n = 2$, $k = \mathbf{17}$

d) $n = 3$, $k = \mathbf{18}$

10. Jeżeli obwód siedmiokąta foremnego S jest mniejszy od obwodu siedmiokąta foremnego T o $p\%$, to pole siedmiokąta foremnego S jest mniejsze od pola siedmiokąta foremnego T o $q\%$. Dla podanej liczby p podaj taką liczbę q , aby powyższe zdanie było prawdziwe.

a) $p = 30$, $q = \mathbf{51}$

b) $p = 10$, $q = \mathbf{19}$

c) $p = 90$, $q = \mathbf{99}$

d) $p = 50$, $q = \mathbf{75}$

11. Postęp arytmetyczny 2020-wyrazowy $a_1, a_2, a_3, a_4, \dots, a_{2020}$ o wyrazach rzeczywistych dodatnich jest rosnący, a ponadto ma następującą własność:

Wyrazy pierwszy, drugi i piąty tworzą (w tej właśnie kolejności) trójwyrazowy postęp geometryczny.

Dla podanych m i n podaj taką liczbę całkowitą dodatnią $k \leq 2020$, aby wyrazy a_m, a_n i a_k tworzyły (w tej właśnie kolejności) trójwyrazowy postęp geometryczny.

a) $m = 5, \quad n = 11, \quad k = \mathbf{25}$

b) $m = 5, \quad n = 8, \quad k = \mathbf{13}$

c) $m = 1, \quad n = 3, \quad k = \mathbf{13}$

d) $m = 1, \quad n = 4, \quad k = \mathbf{25}$

12. Podaj w postaci ułamka dziesiętnego przybliżoną wartość danej liczby **zaokrąglając wynik w dół do 4 cyfr po przecinku.**

a) $\frac{1}{11} + \frac{1}{11^2} + \frac{1}{11^3} + \frac{1}{11^4} + \dots + \frac{1}{11^{2020}} \approx \mathbf{0,0999}$

b) $\frac{1}{7} + \frac{1}{7^2} + \frac{1}{7^3} + \frac{1}{7^4} + \dots + \frac{1}{7^{2020}} \approx \mathbf{0,1666}$

c) $\frac{1}{5} + \frac{1}{5^2} + \frac{1}{5^3} + \frac{1}{5^4} + \dots + \frac{1}{5^{2020}} \approx \mathbf{0,2499}$

d) $\frac{1}{2} + \frac{1}{2^2} + \frac{1}{2^3} + \frac{1}{2^4} + \dots + \frac{1}{2^{2020}} \approx \mathbf{0,9999}$